



Estudio comparativo entre la difusión de Uranio en Zry-4 y en Zr- α puro

Comparative study of Uranium diffusion in Zry-4 and pure α -Zr

Rodolfo Ariel Pérez^{1,2,3}, Jorge Apostol Gordillo¹, Manuel Iribarren^{1,2}, Nicolás Di Lalla³

¹ Gerencia de Materiales, Comisión Nacional de Energía Atómica (CNEA), Avenida General Paz 1499, (B1650KNA) San Martín, Pcia.Bs As, San Martín, Buenos Aires, Argentina.

e-mail: rodperez@cnea.gov.ar

² Instituto Sabato – UNSAM/CNEA, Av. G. Paz 1499 (B1650KNA), San Martín, Buenos Aires, Argentina.

³ Consejo Nacional de Investigaciones Científicas y Técnicas- CONICET, Buenos Aires, Buenos Aires, Argentina.

RESUMEN

Por medio de la espectrometría α se estudió la difusión de U en Zry-4 y se la comparó con la difusión en Zr- α puro en el rango de temperaturas que va de los 570 a los 820 °C a fin de analizar el proceso difusivo en ambas matrices, sus similitudes y sus diferencias. Los valores del coeficiente de difusión *D* son sistemáticamente mayores en Zry-4, en tanto que su dependencia con la temperatura obedece a la ley de Arrhenius siendo D_0 = $(3,2 \pm 1,1)$ m²/s y $Q = (316 \pm 9)$ kJ mol⁻¹ en contraposición con el Zr- α que presenta un apartamiento a dicha ley consistente en una curvatura en el gráfico ln (*D*) vs 1/T. Por debajo de 600 °C la solubilidad del U en Zry-4 es menor que en Zr puro.

Palabras clave: Difusión, espectrometría-a, Uranio, Zirconio, Zircaloy.

ABSTRACT

Throughout the α -spectrometry U diffusion in pure Zry-4 was studied and compared with pure α -Zr in the temperature range 843-1093 K in order to analyze the diffusion process in both matrices. *D* values are systematically higher in Zry-4 and its temperature dependence obeys the Arrhenius law being: $D_0 = (3,2 \pm 1,1)$ m²/s and $Q = (316 \pm 9)$ kJ mol⁻¹, whereas in α -Zr U diffusion present an apart to this law, consistent in a downward curvature in the ln(*D*) vs 1/T plot. Below 873 K U solubility in Zry4 is lower than in pure Zr.

Keywords: Diffusion, α-spectrometry, Uranium, Zirconium, Zircaloy.

1. INTRODUCCIÓN

Recientemente en nuestro laboratorio hemos implementado la aplicación de la espectrometría α a la determinación de perfiles de U en metales de uso en la industria nuclear [1]. Dada la posibilidad de determinar perfiles submicrométricos con esta técnica, ahora es posible medir coeficientes de difusión (*D*) de U a temperaturas menores a las reportadas en la literatura [2]; la influencia de la difusión por caminos rápidos puede hacerse despreciable en las nuevas mediciones si el tamaño de grano de las muestras es pequeño comparado con el camino libre medio de difusión estudiado.

Los datos existentes sobre la difusión de U en metales puros que se encuentran en la literatura [2] son escasos, mayormente medidos en las décadas del 60 y 70, en materiales pobremente caracterizados y a temperaturas muy por encima a las de uso en reactores nucleares. Para ello se utilizaron técnicas como la autorradiografía, la radiografía de fragmentos de fisión y la actividad residual, todas las cuales requieren analizar perfiles de, como mínimo, varias decenas de micrones de profundidad.

Al aplicar la espectrometría α para medir la difusión de U en Ti- α [3] se pudo extender el rango de temperatura de estudio desde aproximadamente la de transición T_{a/β} hasta 540 °C, encontrándose una dependencia con la temperatura de *D* que sigue la ley de Arrhenius: $D(T) = D_0 \exp(-Q/RT)$, siendo R la constante de los gases ideales, obteniendo valores de la energía de activación *Q* y del factor pre-exponencial D_0 próximos a los valores de auto-difusión en Ti- α [4], consistente con la difusión de una impureza vía un mecanismo

de vacancias. La única medición previa hecha por FEDOROV *et al* [5] en un rango de temperaturas más corto (851 a 747 °C) muestra una energía de activación no sólo menor al Q de auto-difusión, sino a la energía de formación de vacancias en el Ti- α , todo lo cual indica que los valores así medidos no se corresponden con Da dilución infinita sino con coeficientes de difusión efectivos en donde los valores de D en volumen están afectados por la presencia de caminos rápidos.

Ante esta evidencia experimental concluimos que era necesario medir en algunos casos y remedir en otros la difusión de U en materiales de uso en la industria nuclear usando la espectrometría α . En el caso particular de Zr, sólo había mediciones en la fase β , bcc, [6], hasta que recientemente en nuestro laboratorio medimos la difusión de U en Zr en su fase α , hcp, [7] en un rango extendido de temperaturas (540 a 850 °C) obteniendo valores muy próximos a los de la autodifusión en Zr- α . También se observó que la dependencia de *D* del U con la temperatura no obedece la ley de Arrhenius, mostrando una curvatura en el gráfico ln(D) vs 1/T similar a la medida en el caso de la autodifusión en Zr- α .

En el presente trabajo medimos en forma simultánea la difusión de U en pares de muestras de Zr puro y Zircaloy 4 (Zry-4) a fin de analizar el efecto sobre el proceso difusivo de los distintos aleantes presentes. El Zry-4 es una marca comercial que se le da a una aleación base Zr usada como vaina combustible en reactores nucleares. Los principales aleantes del Zry-4 usado en este trabajo son: Cr: 0.065; Sn: 1.5; Fe: 0.21 y Ni: 0.0032, donde todos los valores están dados en porcentaje en peso.

2. MATERIALES Y MÉTODOS

2.1 Caracterización de muestras y preparación de los pares difusivos

Las mediciones se realizaron sobre muestras de Zry-4 consistentes en discos de 12 mm de diámetro y de entre 5 y 6 mm de espesor, y sobre las mismas muestras de Zr de 99.97 % de pureza que fueran utilizadas en el trabajo [7].

Dichos materiales fueron pulidos primero mecánicamente con papeles abrasivos hasta granulometría 1000 y luego con un pulido mecánico/químico, en paño de terciopelo sobre el que se deposita bicromato de amonio en cenizas con unas gotas de ácido fluorhídrico al 0.5 % molar. Se obtiene así una superficie espejada de una rugosidad inferior a los 10 nm, verificada por interferometría óptica.

Los pares de difusión fueron construidos por sublimación en vacío de U empobrecido de 99.97% de pureza, sobre la superficie de las muestras, calentando por efecto Joule un filamento de W. Se trabajó en un vacío del orden de 10⁻⁶ torr, obteniéndose películas delgadas de un espesor de alrededor de 10 nm.

Los recocidos se realizaron en un vacío dinámico de $2x10^{-6}$ torr para tiempos inferiores a $2x10^{5}$ seg. Para tiempos mayores se pusieron los pares difusivos en tubos de cuarzo sellados en atmósfera de Ar de alta pureza. Para prevenir reacciones entre el Zr y el cuarzo las muestras se envolvieron en papel de Ta.

Se utilizaron hornos eléctricos controlados con termopares tipo S de Pt-PtRh; lo que permite controlar las temperaturas de los tratamientos térmicos con una precisión de ± 1 K.

Los recocidos de difusión en la muestras de Zry-4 fueron realizados conjuntamente con las muestras de Zr- α en varias de las temperaturas estudiadas (aquellas que fueran publicadas en [7]). En estos casos fue posible comparar las variaciones en los valores de sus coeficientes de difusión a una misma temperatura descartando cualquier error sistemático que pudiese ocurrir durante el proceso experimental. En otras, particularmente a la temperatura más baja, que requiere de recocidos más largos, sólo se midió en Zry-4.

Se tuvo particular cuidado en no realizar ningún tratamiento previo sobre las muestras de Zry-4 a fin de no alterar sus propiedades, en particular la microestructura de las distintas fases que componen esta aleación.

En las Fig.1 a) y b), se muestran las microestructuras típicas del Zry-4 utilizado antes y después de los recocidos de difusión; no se observa ninguna diferencia importante entre ambas, por lo que podemos concluir que no ocurrieron alteraciones significativas en las muestras durante el proceso difusivo.



Figura 1: Micrografías de Zry-4: a) La imagen de la derecha corresponde a una muestra que fue tratada térmicamente a 1074 K (801 °C) 23hs; b) la imagen de la izquierda corresponde a una probeta sin tratamiento térmico previo.

2.2 Descripción de la espectrometría a

La espectrometría α permite comparar los espectros de las partículas α emitidas por el U antes y después del recocido de difusión, aprovechando el hecho de que las partículas α al interactuar con la materia pierden energía en forma proporcional a la distancia recorrida, de esta forma se determina un perfil de difusión.

La medición de la energía y el número de las partículas α emitidas por el U se hizo con un detector de barrera de silicio modelo Camberra PD 150-16-100-AM, que posee una superficie activa de 150 mm² y una resolución en energías de aproximadamente 16 keV.

El espectro inicial (muestra sin recocido) fue ajustado por una Campana de Gauss cuyo ancho está dado, principalmente, por la convolución del espesor del depósito de U, el ruido electrónico del sistema de medición y la diferencia en la trayectoria de las partículas α dadas por el ángulo sólido subtendido entre los distintos puntos de la superficie de la muestra y la superficie activa del detector.

Otras contribuciones al ruido tales como el *straggling* pueden ser despreciadas, excepto la rugosidad de la superficie de la muestra, si estas no están lo suficientemente bien pulidas. En nuestro caso particular, el ancho inicial de la Campana de Gauss fue de 50 keV.

La calibración en energías (conversión de número de canal a energía, keV) se realizó utilizando una fuente triple de calibración patrón de ²⁴¹Am, ²³⁹Pu y ²⁴⁴Cm, una fuente de y ²³³U y los propios picos de los espectros α del U, correspondientes al ²³⁸U de 4267 keV y al ²³⁵U de 4679 keV.



Figura 2: Espectros α antes (línea llena) y después (puntos) de hacer un recocido a 640 °C durante 96 días.

En la Figura 2, en línea llena, se muestra un espectro proveniente de la emisión de partículas α obtenido después de depositar el U sobre una muestra típica, antes de hacer el recocido de difusión (centraremos todo el análisis en las emisiones del isótopo mayoritario ²³⁸U de 4267 keV).

Luego de efectuado el recocido se toma un nuevo espectro (puntos en la Figura 2) que muestra un ensanchamiento respecto del previo, producto de la pérdida de energía de las partículas α que son emitidas, no ya desde la superficie, sino desde distintas profundidades, de acuerdo a la redistribución del U por efecto del proceso difusivo; a mayor profundidad corresponde una mayor pérdida de energía por interacción con los iones de la matriz.

El valor de esta pérdida viene dado por el poder de frenado, dE/dx (en inglés *stopping power*) de la partícula α en la materia que está definido, por ejemplo, en la ref. [8] y que puede ser calculado por la subrutina "*stopping range*" del programa SRIM 2008 [9] para casi cualquier elemento de la tabla periódica y para sus aleaciones. Para energías mayores a 1 MeV, que son a las que estaremos trabajando, el frenado ocurre mayoritariamente por la interacción electrónica y puede ser ajustado por una función parabólica:

$$dE/dx(E) = a + b \cdot E + c \cdot E^2 \tag{1}$$

donde E es la energía de la partícula medida en keV. Al ajustar los datos obtenidos del SRIM 2008 para el Zry-4 se obtiene que: $a = 669,913848 \text{ eV nm}^{-1}$, $b = -1,5731277 \times 10^{-4} \text{ nm}^{-1}$ y $c = 1,4080616 \times 10^{-11}$) eV⁻¹ nm⁻¹. Para una descripción completa de la forma de ajuste ver [1].

A partir de ello, cuando una partícula α es emitida por un átomo de U que está a una profundidad x, ésta puede calcularse a través de la expresión:

$$x = \int_{E_0}^{E_d} \frac{dE}{dE / dx} = \int_{E_0}^{E_d} \frac{dE}{a + bE + cE^2}$$
(2)

donde $E_0 = 4267$ keV es la energía de emisión de la partícula α (para ²³⁸U) mientras que E_d es la energía con la que es detectada cuando llega a la superficie.

Esta expresión es integrable analíticamente y tiene como solución:

$$\mathbf{x}(\mathbf{E}_{d}) = 17552 \left[-0.31515 - \arctan\left(2.47144 \times 10^{-7} \mathbf{E}_{d} - 1.38058\right) \right]$$
(3)

En ella, E_d debe ser expresada en eV, y x en nm; *arctan* es la función arco-tangente.

De esta forma es posible obtener un perfil de difusión del tipo Concentración [número de cuentas del

espectro para una dada E_d] vs Profundidad [x proveniente de la ec.(3)]

3. RESULTADOS

Los resultados y el análisis que sigue, se basan en la información obtenida a partir de los espectros detectados antes y después del recocido de difusión, como se mostrara en la Figura 2.

Si la solubilidad sólida del U en la matriz es menor que la cantidad de U ingresado a la matriz a partir del depósito inicial, la solución a la ley de Fick para la difusión con estas condiciones iniciales y de contorno (depósito delgado), nos lleva a una solución de tipo Campana de Gauss:

$$C(x) = \frac{C_0}{\sqrt{\pi D(t+t_0)}} \exp\left(\frac{-x^2}{4D(t+t_0)}\right)$$
(4)

donde *C* es la concentración de U a la profundidad *x*, C_0 es la cantidad inicial de U por unidad de superficie, *D* es el coeficiente de difusión a la temperatura de trabajo, *t* es el tiempo de recocido y t_0 es un tiempo definido *ad-hoc* para poder descontar el perfil inicial y, por ende, el error sistemático asociado al sistema de medición.

La forma más representativa de mostrar los perfiles de difusión medidos para cada temperatura consiste en linealizar la ec.(4), graficar el ln (C/C_0) vs x^2 y ajustar estos valores usando cuadrados mínimos; con la pendiente de este ajuste (p) es posible obtener el valor de D para cada temperatura estudiada:

$$D = \frac{p - p_0}{4t \ p \ p_0} \tag{5}$$

siendo p_0 la pendiente de la recta de ajuste del perfil inicial.

En la Figura 3 se muestran estos gráficos con sus correspondientes ajustes para cada temperatura. En la Tabla 1 se resumen todos los valores de D para el Zry-4 juntamente como las temperaturas y tiempos de recocido. Se adjuntan los valores de D obtenidos para la difusión de U en Zr- α [7] a esas mismas temperaturas.



Figura 3: Perfiles de difusión para cada temperatura (ec.(4) linealizada).

Т (К)	(ºC)	TIEMPO (10 ⁴ S)	D _{ZRY-4} (M ² /S)	D _{ZR} (M ² /S)
1093	820	0,36	$(2,2\pm0,2)$ x10 ⁻¹⁷	$(6.3 \pm 0.6) * 10^{-18}$
1074	801	8,2	$(1,0\pm0,1) \times 10^{-17}$	$(4.5 \pm 0.5) * 10^{-18}$
983	710	10,08	$(6,5\pm1,5) \times 10^{-19}$	$(2.5 \pm 0.3) * 10^{-19}$
956	683	86,4	(2,1±0,4) x10 ⁻¹⁹	-*
913	640	829,44	(3,0±0,2) x10 ⁻²⁰	$(4.8 \pm 0.8) * 10^{-20}$
863	590	1071,36	$(2,1\pm0,6) \times 10^{-21}$	$(1,5\pm0,3) \times 10^{-21}$
843	570	5270	$(6,1\pm2,0) \times 10^{-22}$	-

Tabla 1: Valores de los coeficientes de difusión de U medidos en Zry-4 y Zr puro con sus correspondientes errores. El tiempo de recocido es expresado en 10^4 segundos y la temperatura de recocido, en cada caso, en K y °C

*La muestra de Zr puro correspondiente a esta temperatura no pudo ser medida ya que su superficie quedó adherida al papel de Ta durante el recocido de difusión inutilizándola.

Todos estos valores son presentados en un gráfico tipo Arrhenius, ln (D) vs 1/T, en la Figura 4, los cuadrados corresponden a los datos de Zry-4 y los círculos a los de Zr puro [7]. También se grafica la curva de auto-difusión (SD) en Zr- α [10] con triángulos para poder compararlos.



Figura 4: Dependencia de D del U con la temperatura para Zry-4, Zr-a puro y para la auto-difusión en Zr-a.

4. DISCUSIÓN

Al comparar los datos presentados en el gráfico de Arrhenius de la figura 4, podemos notar dos diferencias importantes: por un lado que los valores del coeficiente de difusión del U a dilución infinita medidos en Zry-4 son sistemáticamente mayores a los medidos en Zr puro a partir de los 600 °C en adelante y, fundamentalmente, que mientras que los valores medidos en Zr no cumplen con la ley de Arrhenius, las mediciones en Zry-4 si lo hacen, pudiendo calcularse entonces una entalpía de activación $Q = (316\pm9)$ kJ/mol y un factor pre-exponencial $D_0 = (3,2\pm1,1) \times 10^{-2} \text{ m}^2/\text{s}$:

$$D(T) = (3,2\pm1,1) \times 10^{-2} \exp\left(-\frac{(316\pm9) \ kJ \ / \ mol}{RT}\right) \ m^{2} \ / \ s$$
(6)

Es bien conocido que la difusión en la fase hcp α -Zr no cumple con la ley de Arrhenius, tanto para la auto-difusión [10] como para la difusión de elementos sustitucionales (ver [11] y las referencias citadas allí), en particular el U [7]. La desviación consiste en una curvatura con concavidad negativa, como la mostrada para la auto-difusión en la Figura 4, aunque también puede ser interpretada como un quiebre en el gráfico

entre los 600 y los 650 °C (alrededor de los 900 K) que marca dos regiones con distintos parámetros de difusión.

Asimismo los metales de transición Fe, Co y Ni, presentan un comportamiento denominado de difusión ultra-rápida, ya que difunden alrededor de 8 órdenes de magnitud más rápido que la auto-difusión. Su gráfico de Arrhenius también es anómalo, al igual que el resto de los difusores antes mencionados [11].

Experimentalmente se ve que la presencia como impureza de estos elementos, aún en cantidades de tan sólo algunos ppm, incrementa drásticamente el valor de los coeficientes de difusión, en particular el Fe, cuya presencia es inevitable en las muestras de Zr [12,13]. Si la presencia de Fe es también la responsable del apartamiento a la ley de Arrhenius o si es consecuencia de un factor intrínseco a la fase hcp del Zr es todavía motivo de discusión en la literatura [11].

Por su parte, el Zry-4 es una aleación que en equilibrio puede considerarse como monofásica, ya que si bien contiene pequeños precipitados, estos son una proporción minúscula del volumen total del material. Estos precipitados se encuentran principalmente, en borde de grano y/o en contacto con dislocaciones [14] Debido a su ubicación y a que constituyen una proporción muy pequeña del material, sus efectos sobre el coeficiente de difusión efectivamente medido en el rango de estudio de este trabajo deberían ser despreciables. En lo que sigue trataremos de justificarlo.

La difusión en una matriz de un elemento A puede ser modificada significativamente por un aleante B. Este fenómeno ha sido verificado en distintas aleaciones AB binarias homogéneas. Los principales efectos del aleante son sobre las interacciones producidas entre vacante-soluto y soluto-soluto que provocan modificaciones en los tipos de saltos difusivos.

Consideremos, por ejemplo, la influencia de los átomos de soluto en una aleación muy diluida. Dependiendo de la energía de interacción, un soluto atrae o repele las vacancias y las tasas de salto de los átomos de disolvente en las proximidades del átomo de soluto se alteran. Esto influye en el coeficiente de difusión del disolvente. Cuando la concentración de soluto aumenta, el número de átomos de disolvente afectados aumenta. Dependiendo de la energía experimentada por la vacancia en las proximidades del soluto, ciertos solutos aceleran la difusión del disolvente y otros la reducen.

En aleaciones diluidas que contienen pequeñas fracciones atómicas X_B del soluto B el coeficiente de auto-difusión del disolvente se puede escribir como:

$$\boldsymbol{D}_{\boldsymbol{B}}^{A} = \boldsymbol{D}_{\boldsymbol{B}}^{A}(0)\boldsymbol{e}^{\boldsymbol{b}\boldsymbol{X}_{\boldsymbol{B}}}$$
(7)

En aleaciones como el Zry-4 que contienen pequeñas fracciones atómicas $X_B < 1$ del soluto B el coeficiente de difusión del disolvente se podría aproximar por:

$$D_{B}^{A} = D_{B}^{A}(0)(1 + b_{1}X_{B} + ...)$$
(8)

El término $b_1 X_B$ da cuenta de la modificación de los tipos de salto de los átomos de disolvente por su interacción con los átomos vecinos de soluto. Términos cuadráticos en X_B corresponden al efecto de los pares B de átomos, etc.

En estos casos, entonces, la fracción de los elementos aleantes que se encuentran en solución serían los que podrían modificar el proceso difusivo, en tanto que la fracción que se encuentra en los precipitados no participa del fenómeno. Dada la baja solubilidad de estos aleantes en el Zr, [14] la fracción X_B de la ec. (8) es baja y, consecuentemente, la modificación de D_B^A también.

La excepción a este comportamiento está dada por los aleantes ultra-rápidos, Fe y Ni, ya que, como dijéramos, pequeñas cantidades de estos elementos, aún decenas de ppm, pueden modificar fuertemente los valores de D en matrices de Zr, produciendo incrementos que no se rigen por la simple expresión (8). Por lo tanto, como en el caso del Zr puro, la presencia y la cantidad de estos aleantes ultra-rápidos podría ser el factor determinante a la hora de analizar los valores de D medidos.

Al sumar la cantidad de aleantes ultra-rápidos presentes en el Zry-4 tenemos 0,21 wt% de Fe y 0.0032 wt% de Ni; nos encontramos con que es una cantidad superior a la de las muestras de Zr- α (0,016 wt% de Fe) usadas para obtener los resultados de [7]. Si bien la relación entre incremento de D y contenido de impurezas ultra-rápidas no es lineal, consideramos que podrían explicarse los valores superiores de D de U en Zry-4 con respecto a los de D de U en Zr- α a partir de, precisamente, este mayor contenido de Fe y Ni en Zry-4.

Además, como puede verse en las micrografías de la Figura 1, el tamaño de grano de las muestras de Zry-4 varían entre los 10 y los 20 μ m, en tanto que la distancia media recorrida por el difundente $(4Dt)^{1/2}$ está

entre los 0,3 y los 1,8 μ m, es decir entre 1 y 2 órdenes de magnitud inferior al tamaño de grano, por lo que un incremento superior al 10 % en el coeficiente de difusión en volumen por efecto de la difusión por borde de grano no es esperable en este sistema. Por su parte las muestras de Zr puro usadas en [7] tenían unos pocos granos con un tamaño de varias decenas de mm, por lo que este efecto es aún menos esperable.

La otra diferencia entre Zr- α puro y Zry-4 es cualitativa; en Zry-4 la ley de Arrhenius se cumple con una entalpía de activación superior a los 300 kJ/mol, que es lo esperable para la difusión en un metal, y un D₀ del orden de 10⁻² m²/s, que es un orden de magnitud superior a lo habitualmente medido en metales puros (de entre 10⁻³ y 10⁻⁶ m²/s) aunque razonable para una aleación metálica. Por su parte en Zr- α no es posible asignar valores a los parámetros de difusión ya que la ley de Arrhenius no se cumple.

Como dijéramos, el origen de la curvatura observada en el gráfico de Arrhenius para la mayoría de los difusores estudiados en α -Zr es un tema abierto. No obstante y a partir de estudios ab initio [16, 17] hay un cierto consenso en asignar a la presencia del Fe como impureza un papel relevante en este fenómeno, aunque no como se propusiera inicialmente en trabajos de los años 90s [18,19], referidos a la variación en la solubilidad del Fe con la temperatura en la matriz α -Zr.

En estos cálculos ab initio [16] se propuso un modelo un poco más elaborado que la simple precipitación del Fe como responsable del quiebre/curvatura de los difusores ultra-rápidos en Zr- α . Se mostró que la especie migrante (Fe, Co o Ni) puede ocupar en forma estable alguno de los siguientes tres estados: (1) o bien una posición intersticial altamente móvil; (2) o bien una posición cuasi-sustitucional relativamente inmóvil, (3) o estar en una configuración tipo dumbell (2 átomos del difundente ligados, muy próximos entre sí) prácticamente inmóvil, que sirve como trampa e inhibe a estos átomos del proceso difusivo. A partir de la variación de la población de estos estados con la temperatura y de las diferentes energías asociadas a cada uno de ellos se puede ver, como en el caso de α -Zr, el gráfico de Arrhenius se curva en el rango de temperaturas estudiado.

Este modelo fue calculado sólo para difusores ultra-rápidos y no para difusores sustitucionales como el U aunque, si bien su extrapolación a estos últimos no es directa, los resultados experimentales en [7] son congruentes con esta idea.

Por otra parte en [17] se estableció que los átomos de Fe que ocupan las posiciones intersticiales móviles tipo (1) se encuentran en una configuración cuasi-degenerada: por un lado la posición octaédrica es la más estable (es decir la de menor energía de formación) pero también existe una configuración (que fue denominada *off-site*) que tiene una energía de formación sólo de 0,36 eV superior. En la configuración *off-site* el átomo de Fe está ligeramente desplazado desde un nodo de la red hacia la posición octaédrica, mientras que cuatro átomos vecinos del Zr se acercan al átomo de Fe provocando que las distancias interatómicas disminuyan a 2,5 Å (la distancia entre primeros vecinos en la red perfecta del Zr- α es de 3,13 Å). Esta configuración presenta distancias interatómicas similares a las de las configuraciones de los intermetálicos tales como Zr₃Fe y Zr₂Fe que se encuentran en el diagrama binario Zr-Fe [20]. También en la posición octaédrica la distancia de equilibrio entre el Fe y los primeros vecinos del Zr es menor: 2,43 Å. En ambas configuraciones, la octaédrica y la *off-site*, hay una fuerte interacción entre los electrones de valencia de las especies involucradas que resulta de esta disminución de las distancias interatómicas.

La presencia de Fe *off-site* produce una disminución, tanto en la formación de la energía de la vacancia como una distorsión de la red, con átomos de Zr desplazados de sus nodos en dirección a los átomos de Fe. En [16] se calculó además que el movimiento del complejo Fe-vacancia como un todo requiere una energía de 0,4 eV más baja que el movimiento de una única vacancia.

Los precipitados presentes en el Zry-4 producto del contenido de elementos aleantes podrían estar anclando estas configuraciones intersticiales móviles, tan próximas a la estructura de los intermetálicos Zr-Fe, aún para las temperaturas más altas, próximas a $T_{\alpha/\beta}$ a diferencia de lo que ocurre en el Zr puro. Destacamos entonces que un único mecanismo sería el responsable de la difusión de U en Zry-4 en todo el rango de temperaturas estudiado lo que daría origen a un gráfico de Arrhenius recto como el observado en la figura 4, en contraposición al gráfico curvo correspondiente a la difusión de U en Zr- α puro.

Por otra parte, encontramos una tercera diferencia entre ambas matrices al considerar la solubilidad del U en cada una de ellas. En tanto que todos los perfiles de difusión en Zr- α son ajustados por la expresión gaussiana de la ec.(2), aún a las temperaturas más bajas, en el Zry-4 por debajo de 600 °C nos encontramos con perfiles de difusión como el que se muestra en la Figura 5-a: en línea llena se ve el espectro α para una muestra sin recocer, mientras que la línea punteada corresponde a la misma muestra luego de un recocido de 610 días (más de1 año y 8 meses) a 570 °C (para 590 °C el comportamiento es similar). A diferencia de las muestras recocidas a mayores temperaturas, el ancho del pico centrado a 4267 keV (correspondiente al canal 362) no cambia, sino que se puede observar una cola a más bajas energías, en la zona marcada con un círculo

y luego ampliada.



Figura 5: a-Espectros antes y después de recocer 610 días a 843 K (570 °C). b- Ajuste con función erf (ec.9)

En este caso una importante cantidad del U depositado es retenido en la superficie de la muestra aún después de haber sido recocida. Esto muy probablemente se deba a la baja solubilidad del U en el Zry-4; el punto de quiebre, en donde se inicia la cola de baja energía, corresponde al límite de solubilidad del U. De esta forma el depósito inicial funciona como una fuente constante de U difundente; eligiendo el origen de coordenadas x=0 en la interfase U/Zry-4, la concentración de U en esa interfase es constante e igual a la solubilidad máxima del U (C_0 .) a T= 570 °C para todo tiempo. Para esta condición de contorno la solución a la ley de Fick es:

$$\boldsymbol{C}(\boldsymbol{x}) = \boldsymbol{C}_0 \left[1 + \boldsymbol{erf}\left(\frac{\boldsymbol{x}}{\sqrt{4\boldsymbol{Dt}}}\right) \right]$$
(9)

Aplicando la ec.(3) y transformando la coordenada N^{ro}. de Canal en profundidad (medida en nm), obtenemos la línea con puntos de la Figura 5-b, que al ser ajustada con la función de la ec.(9) (línea llena) nos da un valor de $D = 6,1x10^{-22} \text{ m}^2/\text{s}$, valor que se alinea perfectamente bien con los coeficientes de difusión medidos a temperaturas superiores, donde la mayor solubilidad del U nos permitió ajustar con una Campana de Gauss como la de la ec.(4). De esta forma podemos concluir que las hipótesis usadas (baja solubilidad del U y ajuste con una función error) son adecuadas, tanto para 570 como para 590 °C, donde se obtiene un espectro similar luego de un recocido de 124 días.

Finalmente remarcaremos que estas mediciones a bajas temperaturas y bajas solubilidades, donde la penetración promedio del difundente $(4Dt)^{1/2}$ es de alrededor de 300 nm nos permiten testear el límite inferior de detección de la espectrometría α con resultados satisfactorios. El límite de error cercano al 30 % para estas dos temperaturas más bajas, es producto de agregar un factor adicional al cálculo de error respecto a las mediciones hechas a mayores temperaturas. El error en la determinación de *D* [1] habitualmente proviene de sumar el error estadístico con el que se determina la pendiente del la recta de ajuste al linealizar la ec.(2) (o la 9) con la propagación del error con el que se determina la coordenada x a partir del poder de frenado de las partículas α en la materia. Este error suele ser de alrededor de un 10 % del valor medido.

Habitualmente al seleccionar el número de puntos del espectro que se utilizaran para realizar el ajuste, la adición o substracción de uno o dos puntos no provoca una variación significativa en el valor final del ajuste. A estas bajas temperaturas, como la penetración es menor, el número de puntos del espectro usados para el cálculo es también menor, por lo que al agregar o quitar algún punto esta variación puede (y en nues-tro caso, lo es) ser percibida, introduciendo un factor extra al error que al ser tenido en cuenta nos lleva a un total cercano al 30 % tal como fue reportado.

5. CONCLUSIONES

Se midieron los valores de los coeficientes de difusión del U en Zry-4 entre 570 y 820 °C (843 y 1093 K) usando la espectrometría α y se compararon estos valores con los de la difusión de U en Zr- α puro medidos

en un rango de temperaturas similar, encontrándose 3 diferencias significativas:

(1) Los valores de D, a temperaturas mayores a los 600 °C, son sistemáticamente mayores en Zry-4 con respecto al Zr- α ; esto puede deberse tanto a la mayor presencia de impurezas ultra-rápidas en la primera matriz, como, en menor medida, a la diferencia de microestructura entre ambas matrices.

(2) La dependencia de D con la temperatura obedece a la ley de Arrhenius en el caso del Zry-4, en tanto que para $Zr-\alpha$ se observa una curvatura con concavidad negativa en el gráfico de Arrhenius. Se postula como posible razón para esta diferencia que uno o varios de los mecanismos de difusión en $Zr-\alpha$, que involucran la movilidad de complejos Fe-Vacancia, podrían quedar anclados en los pequeños precipitados presentes en el Zry-4 producto de la interacción de los distintos aleantes con el Zr.

(3) La solubilidad del U en Zry-4 es menor a la solubilidad en Zr- α , por lo menos a temperaturas inferiores a los 600 °C. Nuevamente la responsable de dicha diferencia sería la presencia de los aleantes, que podrían estar compitiendo con el U para ubicarse en posiciones sustitucionales de la red.

6. BIBLIOGRAFÍA

[1] PÉREZ R.A. GORDILLO J.A. Y, DI LALLA N. "Application of α-spectrometry to the study of U diffusion in nuclear reactor materials", *Measurements* v.45, n.7, pp. 1836-1841, 2012.

[2] MEHRER H. (editor), Landolft-Börnstein: Diffusion in solid metals and alloys. 1 ed. Berlin Heidelberg Spenger-Verlag, 1990.

[3] PÉREZ R.A. GORDILLO J.A. Y, DI LALLA N. "Experimental determination of U diffusion in α-Ti", *Philosphical Magazine A* v.93, n.17, pp. 2219-2227, 2013.

[4] KÖPPERS M., HERZIG CHR., FRIESEL M., MISHIN Y., Intrinsic Self-Diffusion and sustitucional Al diffusion in α-Ti, *Acta Materialia* v.45 n.10, pp.4181-4191, 1997.

[5] FEDOROV G.B., SMIRNOV E.A. *Diffusion in Reactor Materials* 1 ed. Switzerland Trans Tech Publications, 1984.

[6] FEDOROV G.B., SMIRNOV E.A., ZHOMOV F.I., et al., Metall Metalloved Chistych Metal ,v.9 pp. 30-35, 1971.

[7] GORDILLO, J.A, PÉREZ, R.A., DI LALLA, N., *et al.*, "Experimental determination of U diffusion in α-Zr", *Journal of Nuclear Material* v.462, pp.85-90, 2015.

[8] CHU, C W.K., *Rutherford backscattering spectrometry - ASM Handbook.*, v. 10. Materials Characterization. Materials Park - USA, ASM International. 1986.

[9] ZIEGLER, J.F., BIERSACK, J.P., ZIEGLER M.D., *SRIM - The Stopping and Range of Ions in Matter*, 1 ed. Maryland , Ed. Chester, SRIM Co., 2008.

[10] HORVÁTH J., DYMENT F., MEHRER H., "Anomalous self-diffusion in a single crystal of α-zirconium", *Journal of Nuclear Materials*, v.126, pp.206-214,1984.

[11] PÉREZ, R.A., NAKAJIMA, H., DYMENT, F., "Diffusion in α-Ti and α-Zr", *Material Transactions*, v.44, pp.2-13, 2003.

[12] LÜBBEHUSEN, M., VIEREGGE, K., HOOD, G.M., *et al.*, "Self-diffusion in α-Zr single crystals" *Journal of Nuclear Materials*, v.182, pp.164-169, 1991.

[13] PÉREZ, R.A, DYMENT, F., "Diffusion of Gold in alpha-Zr". *Diffusion in solids and liquids*, v.2 pp.539-544, Aveiro, 2005.

[14] SABOL, G. P., BRADLEY, E. R. (editors), *Zirconium in the Nuclear Industry: Eleventh International Symposium.* 1 ed. West Conshohocken, ASTM International, 1996.

[15] SHEWMON, P. G. Diffusion in Solids. Chapter 3; Diffusion in dilute alloys 1ed. London, Mc Graw-Hill Company, Inc. 1963

[16] PASIANOT R., PÉREZ R.A., "First-principles appraisal of solute ultra-fast diffusion in hcp Zr and Ti", *Journal of Nuclear Material*, v.434, n.1-3, pp.158-161, 2013.

[17] PASIANOT R., PÉREZ R.A., "Issues in the ab-initio assessment of self diffusion: the cases of Zr and Ti", *Physica B*, v.407, n.16, pp.3298-3300, 2012.

[18] HOOD, G. "The anomalous self-diffusion in α-Zr", *Journal of Nuclear Material* v.135, pp.292-295, 1985.

[19] FRANK, W. "Rapid pair enhancement diffusion in α -Zr and its integration into the point defect scenario in hcp metals", *Philosophical Magazine A*, v.63, pp.897-913, 1991.

[20] ARIAS, D., ABRIATAJ, P. "Fe-Zr (Iron-Zirconium). Binary Alloy Phase Diagram" 2nd ed. ASM International USA, pp.1798-1800, 1990.